

Name: \_\_\_\_\_ Matrikel-Nr.: \_\_\_\_\_

Prof. Dr. Andreas Podelski  
Dr. Matthias Heizmann  
Christian Schilling

10.01.2018

Zwischenklausur zur Vorlesung  
Theoretische Informatik  
WS 2017/2018

Die Klausur besteht aus diesem Deckblatt und vier Aufgabenblättern. Falls Sie eine Aufgabe nicht auf dem entsprechenden Blatt bearbeiten, machen Sie das bitte deutlich kenntlich. Auf Anfrage erhalten Sie zusätzliches Papier. Tragen Sie auf jedem Blatt bitte Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer ein.

Abgesehen von einem beschriebenen DIN A4-Blatt sind keine Hilfsmittel zugelassen. Zur Bearbeitung haben Sie 40 Minuten Zeit. Insgesamt können 40 Punkte erzielt werden.

Nicht lesbare Lösungen/Lösungsversuche werden nicht gewertet. Falls Sie eine Aufgabe mehrmals bearbeiten, machen Sie bitte kenntlich, welche Lösung bewertet werden soll.

1. Reguläre Sprachen	von 11
2. Determinisierung	von 8
3. Pumping Lemma	von 10
4. Kontextfreie Sprachen	von 11
Summe	von 40

Name: \_\_\_\_\_ Matrikel-Nr.: \_\_\_\_\_

**1. Aufgabe**

(Reguläre Sprachen)

**11**

Betrachten Sie die folgende reguläre Sprache über dem Alphabet  $\Sigma = \{a, b\}$ .

$L = \{w \in \Sigma^* \mid \text{die Anzahl der } a \text{ ist gerade und auf jedes zweite } a \text{ folgt sofort mindestens ein } b\}$

- (a) Geben Sie zwei verschiedene Wörter der Länge vier an, die in  $L$  liegen.
- (b) Geben Sie zwei verschiedene Wörter der Länge vier an, die nicht in  $L$  liegen.
- (c) Geben Sie einen nichtdeterministischen endlichen Automaten (NEA)  $\mathcal{N}$  an, der  $L$  akzeptiert. Es genügt, wenn sie das Zustandsdiagramm von  $\mathcal{N}$  angeben.
- (d) Geben Sie einen regulären Ausdruck an, der  $L$  beschreibt.

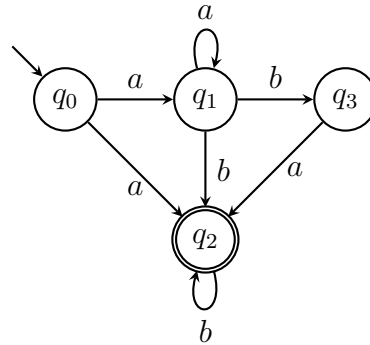
Name: \_\_\_\_\_ Matrikel-Nr.: \_\_\_\_\_

## 2. Aufgabe

(Determinisierung)

8

Betrachten Sie den folgenden NEA  $\mathcal{N}$  über dem Alphabet  $\Sigma = \{a, b\}$ .



Konstruieren Sie einen DEA  $\mathcal{A}$ , welcher die Sprache  $L(\mathcal{N})$  erkennt.

Es genügt, wenn Sie das Zustandsdiagramm von  $\mathcal{A}$  angeben. Dabei müssen Sie nur die erreichbaren Zustände angeben.

Name: \_\_\_\_\_ Matrikel-Nr.: \_\_\_\_\_

### 3. Aufgabe

(Pumping Lemma)

10

Zeigen Sie mit Hilfe des Pumping Lemmas, dass die folgende Sprache über dem Alphabet  $\Sigma = \{a, b, c\}$  nicht regulär ist.

$$L = \{a^i b^j c^k \mid i = k \text{ und } i, j, k \in \mathbb{N}\}$$

**4. Aufgabe**

(Kontextfreie Sprachen)

**11**

Betrachten Sie die kontextfreie Grammatik  $\mathcal{G} = (\Sigma, N, P, S)$  mit Alphabet  $\Sigma = \{a, b, c\}$ , Nichtterminalsymbolen  $N = \{S, X\}$  und den folgenden Produktionsregeln.

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow SbX \mid c, \\ X \rightarrow aX \mid c \end{array} \right\}$$

Sei  $w = cbaac$ .

- (a) Geben Sie eine Ableitung für das Wort  $w$  an. 3
- (b) Geben Sie einen Ableitungsbaum für das Wort  $w$  an. 3
- (c) Geben Sie einen Kellerautomaten an, der die Sprache  $L(\mathcal{G})$  akzeptiert. 5  
Es genügt, ein Zustandsdiagramm, das Kellularphabet  $\Gamma$  und das Kellerbodensymbol  $Z^{\text{init}}$  anzugeben.

*Hinweis:* Es ist hilfreich  $Z^{\text{init}} = S$  zu wählen.

*Erinnerung:* Ein „gewöhnlicher“ Kellerautomat hat keine akzeptierenden Zustände und akzeptiert mit leerem Keller.